プラントルの第二種二次流を有する開水路粗面 乱流の構造と浮遊砂運動による構造変化

福島 千乃1·高鍬 裕也²·福岡 捷二3

¹学生会員 中央大学大学院 理工学研究科 (〒112-8551 東京都文京区春日 1-13-27) E-mail: a18.esbm@g.chuo-u.ac.jp(Corresponding Author)

> ²正会員 中央大学研究開発機構 (同上) E-mail: ytakakuwa099@g.chuo-u.ac.jp ³フェロー 中央大学研究開発機構 (同上) E-mail: sfuku@tamacc.chuo-u.ac.jp

粗度要素を底面に敷き詰めた幅の狭い(b/h=1.41)開水路粗面乱流の三次元数値実験により,流れ構造と 浮遊粒子を付加した場合の乱れ構造の変化を調べた.密に配置された粗度要素の近傍では主流速・二次流 速度分布は歪むが,これより高い位置では縦断的な変化は小さい.レイノルズ応力勾配と圧力勾配の不均 衡に起因して形成される二次流セルが,粗度要素を乗り越える流れ及び粗度谷部に潜り込む流れと重なり 合うことにより,二次流速度分布は縦断的に変化し,二次流速度の大きさは開水路滑面乱流場に比べ大き くなる.また,浮遊粒子の存在により底面コーナーにおいて速度変動によるレイノルズ垂直応力の輸送が 抑制されること,これに伴い二次流速度の大きさが小さくなる機構を示した.

Key Words: secondary flow, main flow, suspended load, bed roughness

1. 序論

プラントルの第二種二次流に関して、底面コーナーか ら側壁沿いを上昇する Outer secondary flow (以下, OSF と 呼ぶ),底面コーナーから水路中央に進む Bottom secondary flow(BSF),及び,水面と側壁に囲まれたコーナーに おいて OSF とは逆向きに回転する Inner secondary flow(ISF) が発生する¹⁻³. 林ら³は,開水路滑面乱流を DNS によ り解析し、得られた解析結果からレイノルズ方程式の各 項を算出することにより, 例えば, 底面コーナーにおい て,レイノルズ垂直応力項は水路の OSF や BSF の底面 コーナーに向かう成分を駆動し、 圧力勾配項はレイノル ズ垂直応力の勾配項に対応してこれと逆向きに働き, OSFの側壁沿いを進む成分及び BSFの水路中央に向かう 成分を駆動することなどを示し、3つの二次流セルの維 持機構を解明している. また, Takakuwa and Fukuoka⁴, 高鍬・福岡 5は、アスペクト比と相対水深の異なる開水 路粗面乱流の数値実験を行い、林ら 3と同様の手法を用 いて、二次流速度分布の縦断変化、圧力及び応力構造を 分析している.

乱流中の浮遊砂の運動機構について、溝口 %や関根ら ⁷は、幅の広い開水路粗面乱流中の流れと流砂運動をそ れぞれ PIV 解析と高速度カメラで計測し,流砂運動と周 囲流体の運動を分析している.しかし,複雑な乱流場と 浮遊砂運動の関係は十分に明らかになっていない.

本研究では、個々の粒子と粒子周りの詳細な流れ場を 解くことの可能な Arbitrary Particle Multiphase(APM)法⁸を用 いて、最初に、幅が狭く、底面に円柱粗度を密に敷き並 べ、強い二次流が形成される開水路粗面乱流を解析し、 主流速の三次元構造を中心に、二次流と乱れの構造の関 係を示す.次に、浮遊粒子の運動がこれら主流・二次流 の構造に与える影響をレイノルズ方程式及びレイノルズ 応力の輸送方程式を用いて明らかにする.

2. 数值実験概要

(1) 数值実験手法

図-1 に示す,底面に直径 2r=8mmの円柱粗度要素を敷き詰めた長さ1.50m,幅0.02m,勾配1/20の一様な直線水路に定常流(0.171 l/s)を供給した.座標軸は,流れ方向に x 軸,横断方向に y 軸,垂直上向きに z 軸をとる.解析は,全部で 2 ケース行った. Casel は粒子が存在しない clear flow, Case2 では,時間平均した鉛直上向き流速と粒



子の沈降速度wo(表-1)を比較し、粒子が浮遊運動をする ように、アクリルを想定した比重1.2で直径 d=1mmの球 形粒子群を 0.20m≤x≤0.60m の範囲にランダムに投入した (供給粒子量9.8×10⁸m³/s). 粒子の初速度には、粒子重心 座標から一番近い流速評価点の流速を与え、流れに追随 するようにした.本研究では Rodi et al.⁹の手法を参考に, 水路上流端(x=0.00m)に、粗度要素 20 個分と上流端から 十分に離れた位置(x=0.16m)での流速を時々刻々と与えた. これにより,境界層の発達する距離を短くするとともに, 浮遊粒子の運動が水路長に依存しなくなると考えている. また、下流端(x=1.50m)には一つ上流側の評価点の流速を 与え、下流端水深を制御した. 乱流のデータは、禰津の 手法¹⁰に倣い,流れ場が十分に発達した後,4.0×104ご とに1秒間計測した.この間に粗度谷部の水路中央付近 では Nakagawa and Nezu¹¹⁾ と同程度の 10 個の busting を捉 えた. 平均化には粒子通過時の値は用いず, 流体の時の みのデータを用いたため, Casel のサンプリング数は 2500, Case2 の最低サンプリング数は 2470 である.表-1 に解析で得られた水理量を示す.

(2) 解析手法⁸⁾

本解析は、Fukuoka ら[®]による APM 法を用いて、流れ と粒子をそれぞれ Euler 的、Lagrange 的に解く、流れの解 析は、LES である、基礎式を以下に示す.

$$\frac{\partial u_i}{\partial x_i} = 0 \tag{1a}$$

$$\frac{Du_i}{Dt} = g_i - \frac{1}{\rho} \frac{\partial P}{\partial x_i} + \frac{\partial}{\partial x_j} \{ 2(\nu + \nu_{SGS}) S_{ij} \}$$
(1b)

$$S_{ij} = \frac{1}{2} \left(\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right)$$
(1c)

$$\nu_{SGS} = (C_s \Delta)^2 \sqrt{2S_{ij}S_{ij}}$$
(1d)

ここに、 u_i : グリッドスケールのi方向流速($i, j=1\sim3$), P: 圧力とSGS応力の等方成分の和, g_i : 重力加速度のi方向 成分, ρ :密度, ν :動粘性係数, ν_{SGS} : SGS乱流粘性係数, S_{ij} : ひずみ速度テンソル, Δ :計算格子幅, C_s : Smagorinsky定数($C_s=0.173$)である。開水路滑面乱流のよう な壁乱流では、 C_s は通常、0.100を用いるが、本研究の 条件では相対水深がh/=3.55と小さく、水路境界に垂直 な方向の乱れも大きくなると考え、 $C_s = 0.173$ とした. また、壁面近傍で C_s を減衰させる必要があるが、本研 究の相対水深は小さく、底面近傍においては粗度による 形状抵抗が支配的と考え、減衰関数を導入していない. また、計算格子内の粒子と流体の境界には、一流体モデ ルを適用し、粒子運動が流れに及ぼす影響を考慮してい る. 自由水面は、VOF法を用いて評価している.

流れの解析と同時に、個別の粒子に対して並進と回転 の運動方程式を解く. 粒子に作用する接触力は個別要素 法を用いて評価している.また、粒子に作用する流体力 は、抗力係数などを用いずに、粒子より小さな計算格子 を用いて、粒子周りの詳細な流れ場から得られる運動方 程式(lb)の圧力勾配項、せん断応力勾配項を体積積分す ることにより算出している. Fukuda and Fukuoka¹²の検討 結果に基づき、計算負荷との兼ね合いから、d/Δ=4と した.表-2 に解析パラメータを示す.

3. 数値解析結果と考察

(1) 流れの時間平均構造

a) 主流速分布

図-2,3に、粒子投入前の流れの水路中央(yb=1/2)及び yb=1/8における主流速の縦断面分布とその拡大図を示す. 横断位置にかかわらず粗度要素間のくぼみ領域では、一 つ上流側の粗度要素を乗り越えた流れが次の粗度要素の 前面に衝突し、局所的な渦が形成されている.粗度要素 は、粗度要素近傍(zh<0.3)の主流速分布を歪ませるが、 これより高い位置の流体に及ぼす影響は小さく、zh>0.3



の主流速分布の縦断的な変化は小さい.また,粒子投入 後の流れについても,同様の特徴が見られることを確認 している.

図-4は、粒子投入前後の主流速の横断面分布である. 断面の縦断位置は、図-3に示す断面Ⅲである. 粒子の有 無に関わらず、強いOSFの作用を受けて、最大主流速が zh=0.7 付近に現れる、velocity dip 現象が発生している. また、粒子投入後の流れは、粒子投入前の流れに比べ、 水路中央の底面付近及び側壁近傍の zh=0.5~0.6 におい て、主流速の歪みが小さくなっている.

図-5 は、断面IIIにおける y/b=1/160, 1/8, 1/4, 3/8, 及び 1/2 における主流速の鉛直分布である. 実線は粒子投入前の Case1, 点線は粒子投入後の Case2 を示している. zhが 0.3 以下では底面粗度の影響が支配的であり,水路 側壁のごく近傍を除いて,主流速の横断変化は小さい. 一方, zhが 0.3 以上では水路側壁に近づくほどその影響 が大きく表れ,主流速は減衰する. 粒子投入前後の主流 速分布の変化率に着目する.水路中央(y/b=1/2)における 主流速の鉛直分布は,粒子投入前後でほとんど変化しな い.しかし,水路側壁(y/b=1/160)付近に近づくほど,特 に,z/h=0.5~0.6付近で主流速の変化率が大きくなる.

b) 二次流速度分布

図-6に粒子投入前後の粗度谷部、断面II、断面IIIにお ける二次流速度の横断面分布を示す.粒子投入前の流れ に着目し,粗度要素 1/2 個分の縦断変化を考察する.粗 度谷部では、BSF及び OSF が明瞭に確認できる.粗度前 面には、一つ上流側の粗度要素を乗り越えた流れが衝突 し、粗度谷部に向かって潜り込む流れと粗度要素を乗り 越える流れに分かれる.粗度谷部に近い断面IIでは、粗 度谷部に潜り込む流れとBSFの下向き成分とが重なり合 い、底面コーナーにおいて強い下向きの流速が発生する. 一方、粗度頂部に近い断面IIIでは、粗度要素を乗り越え る流れが OSF 及び BSF の上向き成分と重なることで、 底面コーナーと yb=0.1 付近において強い上昇流が発生 する⁵. このように,特に, 粗度要素近傍(z/h≤0.3)におい て二次流速度分布は縦断方向に変化する.

前述するように、鉛直方向流速と OSF 及び BSF が重 なり合うため、開水路粗面乱流では、最大主流速 \bar{u}_{max} に対する二次流速度の最大値 $|\bar{sv}_{max}|/\bar{u}_{max}$ は開水路滑 面乱流の時($|\bar{sv}_{max}|/\bar{u}_{max} = 0.015 \sim 0.03$)⁹と比べて大 きくなる. 表-1 に示すように、Casel の $|\bar{sv}_{max}|/\bar{u}_{max}$ は 0.138 である.また、断面平均流速に対する二次流速度 の最大値 $|\bar{sv}_{max}|/U_{mean}$ は、2割弱の大きさとなった。

さらに、OSF が側壁付近の遅い運動量を水路中央の水 面付近に運ぶため、前項 a)に示すように velocity dip 現象 が発生している(図-4).

粒子投入前後で、二次流構造及び二次流速度の大きさ を比較する. 粒子投入後の二次流の発生位置,及び,向 き等,基本的な二次流構造は粒子投入前の流れのものと ほとんど変化しない. しかし、二次流速度の大きさを 比較すると、粒子群を含む Case2 では、clearflow(Case1)と 比べ、特に、OSF の側壁付近の上昇流、底面コーナーに 向かう流れ及び粗度要素を乗り越える流れが小さい. 表 -1に示すように、Case2 の最大主流速 \bar{u}_{max} に対する二次 流速度の最大値 $|\bar{sv}_{max}|/\bar{u}_{max}$ は 0.129 と減少する. これ と対応して、前項 a)に示すように粒子投入前後で主流速 分布の歪みが減少し、側壁近傍の zh=0.5~0.6 付近で主 流速の変化率が大きくなると考えられる(図-4,5).

c) 粒子が流体に及ぼす影響

林らは非定常項と縦断方向の変化に関する項を除いた レイノルズ方程式を用いて開水路滑面乱流における二次 流の維持機構を説明している³.本項では、特に二次流 が小さくなった底面コーナーから側壁沿いを上るところ で、さきの LES の計算結果から、レイノルズ方程式(2a, 2b)の各項を算出し、右辺第 1,2項である重力加速度項 と圧力勾配項の和と右辺第 3項の中のレイノルズ垂直応 力勾配項のバランス関係から、粒子投入前後で二次流速 度が減少した機構を考察する.なお、乱れの統計量には LES で直接計算された成分のみを用い、格子以下のスケ ールの乱れは含まない.

$$\frac{\partial \overline{u_i}}{\partial t} + \frac{\partial \overline{u_i} \overline{u_j}}{\partial x_j} = g_i - \frac{1}{\rho} \frac{\partial \overline{p}}{\partial x_i} - \frac{\partial \overline{u_i}' \overline{u_j}'}{\partial x_j} + \frac{\partial}{\partial x_j} 2\nu \overline{S_{ij}}$$
(2a)
$$\overline{S_{ij}} = \frac{1}{2} \left(\frac{\partial \overline{u_i}}{\partial x_j} + \frac{\partial \overline{u_j}}{\partial x_i} \right)$$
(2b)

右辺第3項中のレイノルズせん断応力勾配項については, 値が小さいことを確認しているため,ここでは議論しない.図-7,8に断面IIIにおける粒子投入前後のレイノル ズ垂直応力の勾配項のベクトルRN^{*}_{yz}及び圧力勾配項と 重力加速度項の和のベクトルgp^{*}_{yz}を示す.コンターは それぞれ,レイノルズ垂直応力-w²と,圧力を無次元 化したものである.なお,図-6に示す断面IIIの底面コー ナー近傍の黒い点線で囲った領域に着目し,これを拡大 表示している.

図-7 に示すように、 $-\overline{w'^2}$ は底面コーナー向かって減 衰し、 $\overline{RN_{yz}}$ は水路内側から底面コーナーに向かって作 用し、OSF の側壁沿いの上昇する成分を抑制する. 一方、 図-8に示すように、圧力は底面コーナーに向かって増加 し、 $\overline{gp_{yz}}$ は OSF の側壁沿いを上昇する成分を駆動する. 粒子投入前後で $\overline{RN_{yz}}$ 及び $\overline{gp_{yz}}$ の大きさを比較する. 粒 子投入後の流れは、粒子投入前の流れに比べ、 $-w'^2$ の 強度が減少しており、この結果、zh=0.3付近において、 $\overline{RN_{yz}}$ の鉛直下向き成分が増加している(図-7). 一方、圧 力の変化は小さく、これに伴い $\overline{gp_{yz}}$ の変化も小さい(図-8). したがって、OSF の側壁沿いを上昇する成分のうち、 $\overline{gp_{yz}}$ による駆動力は変化しなかった一方、 $\overline{RN_{yz}}$ による 抑制力が増加したため、前項 b)に示すように、OSF の上 昇流が減少したと考えられる.

レイノルズ垂直応力 $-\overline{w'^2}$ が減少する機構をレイノルズ応力 $\overline{w'^2}$ の輸送方程式(2c)を用いて考察する.



図-9に断面Ⅲにおける粒子投入前後のレイノルズ応力の輸送方程式の右辺第7項である速度変動に伴う拡散項

- <u>∂w'²v'</u>の横断面分布を示す.また,他の項については 値が支配的ではないこと,または,無視できない大きさ であっても粒子投入前後で変化が小さいことを確認して いる.黒い点線の領域は,図-6に示す断面Ⅲの底面コー ナー近傍の領域である.粒子投入後の流れは,粒子投入 前の流れに比べ,着目領域より少し水路中央側の領域に おいて拡散項の強度が減少している.

図-10に8.1秒に断面Ⅲを通過する粒子と断面Ⅲの瞬時 二次流速度の大きさとベクトルの横断面分布を示す. 黒 い点線の領域は図-9の黒点線の領域と対応する. 水路の 内側から側壁に向かう流速が, 粒子の存在により小さく



図-10 8,1 秒に断面Ⅲを通過する粒子と断面Ⅲの瞬時二 次流速度のベクトルと大きさの横断面分布 (底面コーナー近傍を拡大)

なっている.これに伴い、v'によるレイノルズ垂直応力 $\overline{w'^2}$ の底面コーナーへの輸送が減少し、図-7 のコンター に示すように、底面コーナーにおいて $\overline{w'^2}$ の強度が小さ くなったと推定している.

(2) 粒子の運動と周囲の流速分布

図-11 に実験開始から 8.12 秒後の粒子の横断位置と鉛 直方向速度を示す. 粒子は, 0.60m≤x≤1.50m に存在する 292 個のみを表示しており, 粒子の体積割合は約 0.06% である. 水路側壁付近では底面から水面にかけて多数の 粒子が存在し水面に向かって上昇するが, 水路中央付近 では大部分の粒子が水路底面付近に溜まっている.

本節では、二つの特徴的な運動をする粒子を選び、これと粒子を囲む流体塊の鉛直方向流速を分析する.図-12、13は、それぞれ、0.112秒、0.048秒ごとの粒子の縦 断位置における横断面内の無次元鉛直方向流速を表す. なお、着目粒子以外の粒子はすべて非表示とした.

側壁沿いでは、断続的に強い鉛直方向上向きの流速を 持った流体塊が存在する.図-12において粒子Aは、(a) で粒子の沈降速度woの2倍程度の鉛直方向流速を持つ上 昇流塊中に存在し、(b)から(c)にかけて左岸側壁付近を上 昇し、水面付近まで到達した後、(d)で下降流塊中に存 在し、水路中央に向けて輸送されながら下降していくの が確認できる.一方、水路中央付近では、強い鉛直方向 流速を持つ流体塊が水面付近まで到達しない.これによ り、粒子Bは、図-13(c)に示すように水深の7割程度の 場所において上昇流塊から抜け出す.このような粒子周 りの流体塊と粒子の上昇・下降運動は、関根ら^のの実験 においても確認されている.

今後は、粗面構造、粒子濃度及び粒子の比重を変えた 解析を行い、乱流と浮遊粒子の運動の関係をさらに解明 していく.



4. 結論

本研究では、水深に対して粗度要素が大きい開水路粗 面乱流の三次元数値実験を行い、浮遊砂の運動と、それ に伴う流れ構造の変化を明らかにした.

- 本研究で用いた粗面河床を有する実験水路では、 無次元水深 zh が 0.3 以上の場所では、主流速及び 二次流速度分布の縦断的な変化は小さい。
- ② zhが0.3以下では、局所的な渦が形成され、粗度要素前面に衝突した流れは、粗度谷部に潜り込む流れと粗度要素を乗り越える流れに分かれ、これがOSF 及び BSF と重なり、二次流速度分布は縦断的に変化し、二次流速度の強弱が顕著に表れることを示した。
- ③ 本研究の粒子条件において、底面コーナーの二次 流速度が減少する機構を、レイノルズ方程式及び レイノルズ垂直応力の輸送方程式を用いて、乱れ 構造の変化から推察した。
- ④ 側壁付近では、強い鉛直方向上向きの流速を持つ 流体塊が断続的に存在し、水路側壁付近に存在す る粒子は、側壁沿いの上昇流塊によって水面付近 まで到達する.一方、水路中央付近の粒子は、上 昇流塊中に存在しても、水深の7割程度の高さで上 昇流塊から脱し、下降する.

参考文献

- Grega,L.M., Wei, T., Leighton, R.I. and Neves, J.C.: Turbulent mixed-boundary flow in a corner formed by a solid wall and a free surface, Journal of Fluid Mechanics, Vol.294, pp.17-46, 1995.
- Nezu. I. and Nakagawa. H.: Turbulence in Open-Channel Flows, IAHR Monographs, CRC Press, Rotterdam, The Netherlands, 1993.

- 林俊一郎,大本照憲,本田逸郎:直接数値シミュレ ーションによる開水路隅角部の三次元乱流構造の解 明,土木学会論文集 B, Vol.62, No.1, 80-99, 2006.
- Takakuwa. Y. and Fukuoka. S.: Three-dimensional flow strucures of straight rough-bed channels with different aspect ratios, *River Flow*, pp.38-46, 2020.
- 高鍬裕也,福岡捷二:粗面開水路の二次流の維持機 構と二次流のスケールに及ぼすアスペクト比と相対 水深の効果,土木学会論文集 B1(水工学), Vol. 76, No.2, pp.I_1087-I_1092, 2020.
- 6) 溝口敦子:急こう配水路における流砂運動と流れへの影響に関する実験的検討,土木学会論文集 B1(水 工学), Vol.76, No.2, I_1129-I_1134, 2020.
- 7) 関根正人,中間遼太,鷲津明季:PIV 解析を用いた 河床付近で生じる乱れの構造と流砂現象に関する実 験的検討,土木学会論文集 B1(水工学), Vol. 77, No.2, I_691-I_696, 2021.
- 8) Fukuoka. S., Fukuda. T. and Uchuida. T. : Effects of sizes and shapes of grael particles on sediment transports and bed variations in a numerical movable-bed channel, Advances in Water Resources, vol.72, pp.84-96, 2014.
- Rodi,W., Constantinescu,G. and Stoesser,T.:Large-Eddy Simulation in Hydraulics, IAHR Monographs, CRC Press,Taylor & Francis Group, London, UK,2013.
- 10) 禰津家久:開水路乱流の乱れ強度に関する研究,土木学 会論文報告集, vol.261, pp.67-76, 1977.
- Nakagawa, H. and Nezu, I. :Prediction of the contributions to the Reynolds stress from bursting events in open-channel flows, Journal of Fluid Mechanics, Vol. 80, part 1, pp.99-128, 1977.
- Fukuda, T. and Fukuoka, S.:Interface-resolved large eddy simulations of hyperconcentrated flows using spheres and gravel particles, Advances in Water Resources, vol.129, pp.297-310, 2019.

(Received May 31, 2022) (Accepted September 1, 2022)

FLOW STRUCTURES AND CHANGES DUE TO MOTIONS OF SUSPENDED LOADS OF TURBULENT FLOW OVER ROUGHENED OPEN-CHANNEL WITH SECONDARY FLOW OF PRANDTL'S SECOND KIND

Yukino FUKUSHIMA, Yuya TAKAKUWA and Shoji FUKUOKA

Three-dimensional numerical experiment of turbulent flow over narrow (b/h=1.41) open channel rough surface with roughness elements laid on the bottom were conducted to investigate changes in the flow structure and turbulence structure when suspended loads are added. Main velocity and secondary flow velocity profiles were distorted in the vicinity of the densely arranged roughness elements, but the longitudinal changes were small at higher locations. The secondary flow cells formed due to the imbalance between the Reynolds stress gradient and the pressure gradient overlap with the flow over the roughness elements and the flow that dips into the roughness valley, resulting in a longitudinal change in the secondary flow velocity distribution and a larger secondary flow velocity magnitude than in an open channel smooth surface turbulent field. The presence of suspended particles suppresses the transport of the vertical Reynolds stress due to velocity fluctuations at the bottom corner, which results in a reduction in the magnitude of the secondary flow velocity.